

QCM 1°S BARYCENTRES

Dans chacun des exercices suivants, une réponse **au moins** est exacte.

Mettre V (vrai) pour une réponse juste, F (faux) pour une réponse fautive. Vous répondez à toutes les questions.

1. Le barycentre du système $\{(A, 1), (B, 3)\}$ est :

Sur la demi-droite $(x' A)$	Sur la demi-droite $[B x)$
Sur le segment $[AB]$	En dehors de la droite (AB)

2. Le milieu I de $[AB]$ est barycentre du système :

(A, 3) (B, 3)	(A, 3) (B, -3)
(A, -3) (B, 3)	(A, -3) (B, -3)

3. Soit G tel que $\overrightarrow{AG} = \frac{1}{4}\overrightarrow{AB}$. G est le barycentre du système

(A, 6) (B, 2)	(A, -3) (B, -2)
(A, 1) (B, 3)	(A, 5) (B, -1)

4. ABC est un triangle. I est tel que $\overrightarrow{AI} = \frac{1}{4}\overrightarrow{AB}$. Alors le vecteur $\overrightarrow{CI} + \frac{1}{3}\overrightarrow{CB}$ est égal à :

\overrightarrow{CI}	$4\overrightarrow{CI}$
$\frac{4}{3}\overrightarrow{CI}$	$-\frac{2}{3}\overrightarrow{CI}$

5. ABC est un triangle. A' , B' et C' sont les milieux respectifs de $[BC]$, $[CA]$, $[AB]$. G est le centre de gravité du triangle ABC . Alors G est le barycentre de :

(A, 2) (A', 2)	(C, -2) (C', 1)
(B, 2) (B', 1)	(A, 2) (B, 2) (C, 2)

6. Soit ABC un triangle, G le barycentre du système $\{(A, 3); (B, 1); (C, 1)\}$. Alors :

$\overrightarrow{AG} = \frac{2}{5}(\overrightarrow{AC} - \overrightarrow{BC})$	$\overrightarrow{AG} = \frac{1}{5}(2\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CB})$
$\overrightarrow{AG} = \frac{2}{3}(\overrightarrow{AC} - \overrightarrow{BC})$	Pour tout point M , $\overrightarrow{AM} = \frac{2}{5}(\overrightarrow{CM} + \overrightarrow{BM})$

7. Soit G le barycentre du système $(A, 1); (B, 2); (C, 3); (D, 4)$ où les points ont pour coordonnées : $A(-1, 1); B(1, 1); C(1, -1); D(-1, -1)$ dans le repère orthonormal $(O; \vec{i}, \vec{j})$. Alors :

$\overrightarrow{OG} = -\frac{1}{5}(\overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB})$	$\overrightarrow{OG} = \frac{1}{5}(\overrightarrow{OC} - \overrightarrow{OB})$
$\overrightarrow{OG} = -\frac{1}{5}\vec{j}$	$\overrightarrow{OG} = -\frac{1}{5}\vec{i}$

8. Soit A, B, C trois points distincts non alignés du plan et x un réel. On définit les points M par $\overline{AM} = \frac{1}{2}\overline{AB} + (1-x)\overline{AC}$ et N par $\overline{AN} = (1-x)\overline{AB} + \frac{1}{2}\overline{AC}$. Alors :

Pour $x = 3$, M est le barycentre de $\{(B, \frac{1}{2}), (C, -2)\}$		Pour toute valeur de x , le point N appartient à la droite (BC) .	
Pour $x = \frac{1}{2}$, il existe deux réels b et c tels que M soit le barycentre de $\{(B, b), (C, c)\}$.		Il existe une valeur de x pour laquelle $BNCM$ est un parallélogramme.	

9. Soit $ABCD$ un parallélogramme non aplati. I le milieu du côté $[AB]$. Alors :

I est le barycentre de $\{(B, 1), (C, 1), (D, 1)\}$.		A est le barycentre de $\{(B, 1), (C, -1), (D, 1)\}$	
Le barycentre G de $\{(A, 2), (B, 1), (C, 2)\}$ est sur la droite (BD) .		Le barycentre H de $\{(A, 2), (B, 1), (C, \alpha)\}$ est en D si $\alpha = 1$.	

10. Un triangle ABC est isocèle de sommet A . G est l'isobarycentre de A, B et C . G' est le symétrique de G par rapport à la droite (CB) . On détermine b et c tels que G' soit le barycentre de $\{(A, 1) (B, b) (C, c)\}$. Alors :

$b = c = 2$		$b = c = -2$	
$b = 1,5 ; c = -1,5$		$b = -1 ; c = -1$	

11. (Suite du 10.)

L'ensemble E des points M tels que $\|\overline{MA} + b\overline{MB} + c\overline{MC}\| = \|\overline{MA} + \overline{MB} + \overline{MC}\|$ est :

Le cercle de centre G et de rayon GA .		La droite (GG')	
Le cercle de centre G' et de rayon $G'I$.		La médiatrice de $[GG']$	

12. Soit A, B, C trois points non alignés du plan. B' le milieu du segment $[AC]$ et C' celui de $[AB]$. Enfin, soit G le barycentre du système $\{(A, 3) (B, 2) (C, 1)\}$.

G est le barycentre du système $\{(A, -1), (C, 3), (B, 2) (A, 4) (C, -2)\}$.		G appartient au segment $[B'C']$	
On a $\overline{BG} = -\frac{1}{2}\overline{AB} + \frac{1}{6}\overline{BC}$.		Tous les point M du plan vérifient : $3\overline{MA} + 2\overline{MB} = 6\overline{MG} - \overline{MC}$.	